

МИНИСТЕРСТВО ОБРАЗОВАНИЯ, НАУКИ И МОЛОДЕЖНОЙ ПОЛИТИКИ  
КРАСНОДАРСКОГО КРАЯ  
ГОСУДАРСТВЕННОЕ БЮДЖЕТНОЕ ПРОФЕССИОНАЛЬНОЕ  
ОБРАЗОВАТЕЛЬНОЕ УЧРЕЖДЕНИЕ КРАСНОДАРСКОГО КРАЯ  
УСТЬ-ЛАБИНСКИЙ СОЦИАЛЬНО-ПЕДАГОГИЧЕСКИЙ КОЛЛЕДЖ

**РАБОЧАЯ ПРОГРАММА ОБЩЕОБРАЗОВАТЕЛЬНОЙ  
УЧЕБНОЙ ДИСЦИПЛИНЫ**

ОУДп.11 Математика: Алгебра и начала математического анализа; геометрия

для специальности 43.02.11 Гостиничный сервис

ОДОБРЕНА

на заседании УМО  
преподавателей математических дисциплин и  
специальности Информационные системы

Протокол от «30» 08 2018 г. № 1

Председатель УМО

Л.Н. Галенко Л.Н. Галенко



УТВЕРЖДЕНА

Директор ГБПОУ КК УСПК

А.А. Филоновский

«30» 08 2018 г.

РАССМОТРЕНА

на заседании педагогического совета

Протокол от «31» 08 2018 г. № 1

Рабочая программа разработана на основе примерной программы общеобразовательной учебной дисциплины «Математика: алгебра и начала математического анализа; геометрия» для профессиональных образовательных организаций автора Башмакова М.И., доктора физико-математических наук, профессора, академика Российской академии образования.

Организация-разработчик: Государственное бюджетное профессиональное образовательное учреждение Краснодарского края Усть - Лабинский социально-педагогический колледж

Разработчик:

Манько Н.Н., преподаватель ГБПОУ КК УСПК

Квалификация по диплому: учитель математики

Манько Н.Н.

Рецензенты:

Михайленко И.Д., преподаватель ГБПОУ КК УСПК

Квалификация по диплому: математик, преподаватель

Михайленко И.Д.

Щурова С.Ф., учитель МБОУ СОШ №36

Квалификация по диплому: учитель математики

Щурова С.Ф.

## Пояснительная записка

Рабочая программа учебной дисциплины составлена на основе примерной программы учебной дисциплины «Математика: алгебра и начала математического анализа; геометрия», предназначенной для изучения математики в профессиональных образовательных организациях СПО, реализующих образовательную программу среднего общего образования в пределах освоения основной профессиональной образовательной программы СПО (ОПОП СПО) на базе основного общего образования при подготовке квалифицированных рабочих, служащих и специалистов среднего звена, автора Башмакова М.И., академика РАО, доктор физ -мат. педагогических наук.

Программа разработана на основе требований ФГОС среднего общего образования, предъявляемых к структуре, содержанию и результатам освоения учебной дисциплины «Математика», в соответствии с Рекомендациями по организации получения среднего общего образования в пределах освоения образовательных программ среднего профессионального образования на базе основного общего образования с учетом Примерной основной образовательной программы среднего общего образования, одобренной решением федерального учебно – методического объединения по общему образованию (протокол от 28 июня 2016 г. № 2/16 –з).

Содержание программы «Математика» направлено на достижение следующих целей:

- обеспечение сформированности представлений о социальных, культурных и исторических факторах становления математики;
- обеспечение сформированности логического, алгоритмического и математического мышления;
- обеспечение сформированности умений применять полученные знания при решении различных задач;
- обеспечение сформированности представлений о математике как части общечеловеческой культуры, универсальном языке науки, позволяющем описывать и изучать реальные процессы и явления.

В программу включено содержание, направленное на формирование у студентов компетенций, необходимых для качественного освоения ОПОП СПО на базе основного общего образования с получением среднего общего образования; программы подготовки специалистов среднего звена (ППССЗ).

При освоении специальностей СПО социально-экономического профиля профессионального образования математика изучается более углубленно, как профильная учебная дисциплина, учитывающая специфику осваиваемой специальности, в объеме 234 ч.

Изучение общеобразовательной учебной дисциплины «Математика» завершается подведением итогов в форме экзамена в рамках промежуточной аттестации студентов в процессе освоения основной ОПОП СПО с получением среднего общего образования (ППССЗ).

## **Общая характеристика дисциплины «Математика: Алгебра и начала математического анализа; геометрия»**

Математика является фундаментальной общеобразовательной дисциплиной со сложившимся устойчивым содержанием и общими требованиями к подготовке обучающихся.

В профессиональных образовательных организациях, реализующих образовательную программу среднего общего образования в пределах освоения ОПОП СПО на базе основного общего образования, изучение математики имеет свои особенности в зависимости от профиля профессионального образования.

При освоении специальностей СПО социально-экономического профиля профессионального образования математика изучается более углубленно, как профильная учебная дисциплина, учитывающая специфику осваиваемых специальностей.

Это выражается в содержании обучения, количестве часов, выделяемых на изучение отдельных тем программы, глубине их освоения студентами, объеме и характере практических занятий, видах внеаудиторной самостоятельной работы студентов.

Общие цели изучения математики традиционно реализуются в четырех направлениях:

- 1) общее представление об идеях и методах математики;
- 2) интеллектуальное развитие;
- 3) овладение необходимыми конкретными знаниями и умениями;
- 4) воспитательное воздействие.

Профилизация целей математического образования отражается на выборе приоритетов в организации учебной деятельности обучающихся. Для технического профиля профессионального образования выбор целей смещается в прагматическом направлении, предусматривающем усиление и расширение прикладного характера изучения математики, преимущественной ориентации на алгоритмический стиль познавательной деятельности.

Изучение математики как профильной общеобразовательной учебной дисциплины, учитывающей специфику осваиваемых студентами специальности СПО, обеспечивается:

- выбором различных подходов к введению основных понятий;
- формированием системы учебных заданий, обеспечивающих эффективное осуществление выбранных целевых установок;
- обогащением спектра стилей учебной деятельности за счет согласования с ведущими деятельностными характеристиками выбранной специальности.

Профильная составляющая отражается в требованиях к подготовке обучающихся в части:

- общей системы знаний: содержательные примеры использования математических идей и методов в профессиональной деятельности;
- умений: различие в уровне требований к сложности применяемых алгоритмов;
- практического использования приобретенных знаний и умений: индивидуального учебного опыта в построении математических моделей, выполнении исследовательских проектов.

Таким образом, реализация содержания учебной дисциплины ориентирует на приоритетную роль процессуальных характеристик учебной работы, зависящих от профиля профессионального образования, получения опыта использования математики в содержательных и профессионально значимых ситуациях по сравнению с формально-уровневыми результативными характеристиками обучения.

Содержание учебной дисциплины разработано в соответствии с основными содержательными линиями обучения математике:

- алгебраическая линия, включающая систематизацию сведений о числах; изучение новых и обобщение ранее изученных операций (возведение в степень, извлечение корня, логарифмирование, синус, косинус, тангенс, котангенс и обратные к ним); изучение новых видов числовых выражений и формул; совершенствование практических навыков и вычислительной культуры, расширение и совершенствование алгебраического аппарата, сформированного в основной школе, и его применение к решению математических и прикладных задач;

— теоретико-функциональная линия, включающая систематизацию и расширение сведений о функциях, совершенствование графических умений; знакомство с основными идеями и методами математического анализа в объеме, позволяющем исследовать элементарные функции и решать простейшие геометрические, физические и другие прикладные задачи; линия уравнений и неравенств, основанная на построении и исследовании математических моделей, пересекающаяся с алгебраической и теоретико-функциональной линиями и включающая развитие и совершенствование техники алгебраических преобразований для решения уравнений, неравенств и систем; формирование способности строить и исследовать простейшие математические модели при решении прикладных задач, задач из смежных и специальных дисциплин;

— геометрическая линия, включающая наглядные представления о пространственных фигурах и изучение их свойств, формирование и развитие пространственного воображения, развитие способов геометрических измерений, координатного и векторного методов для решения математических и прикладных задач;

— стохастическая линия, основанная на развитии комбинаторных умений, представлений о вероятностно-статистических закономерностях окружающего мира.

В тематическом плане программы учебный материал представлен в форме чередующегося развертывания основных содержательных линий (алгебраической, теоретико-функциональной, уравнений и неравенств, геометрической, стохастической), что позволяет гибко использовать их расположение и взаимосвязь, составлять рабочий календарный план, по-разному чередуя учебные темы (главы учебника), учитывая профиль профессионального образования, специфику осваиваемой специальности СПО, глубину изучения материала, уровень подготовки студентов по предмету.

Изучение общеобразовательной учебной дисциплины «Математика» завершается подведением итогов в форме экзамена в рамках промежуточной аттестации студентов в процессе освоения основной ОПОП СПО с получением среднего общего образования (ППССЗ).

В разделе программы «Содержание учебной дисциплины» курсивом выделен материал, который при изучении математики как базовой, так и профильной учебной дисциплины, контролю не подлежит.

## **Место учебной дисциплины в учебном плане**

Учебная дисциплина «Математика: алгебра и начала математического анализа; геометрия» является учебным предметом обязательной предметной области «Математика и информатика» ФГОС среднего общего образования.

В профессиональных образовательных организациях, реализующих образовательную программу среднего общего образования в пределах освоения ОПОП СПО на базе основного общего образования, учебная дисциплина «Математика» изучается в общеобразовательном цикле учебного плана ОПОП СПО на базе основного общего образования с получением среднего общего образования (ППССЗ).

В учебном плане ППССЗ учебная дисциплина «Математика» входит в состав общих общеобразовательных учебных дисциплин, формируемых из обязательных предметных областей ФГОС среднего общего образования, специальностей СПО соответствующего профиля профессионального образования.

## Результаты освоения учебной дисциплины

Освоение содержания учебной дисциплины «Математика» обеспечивает достижение студентами следующих результатов:

личностных:

- сформированность представлений о математике как универсальном языке науки, средстве моделирования явлений и процессов, идеях и методах математики;
- понимание значимости математики для научно-технического прогресса, сформированность отношения к математике как к части общечеловеческой культуры через знакомство с историей развития математики, эволюцией математических идей;
- развитие логического мышления, пространственного воображения, алгоритмической культуры, критичности мышления на уровне, необходимом для будущей профессиональной деятельности, для продолжения образования и самообразования;
- овладение математическими знаниями и умениями, необходимыми в повседневной жизни, для освоения смежных естественно-научных дисциплин и дисциплин профессионального цикла, для получения образования в областях, не требующих углубленной математической подготовки;
- готовность и способность к образованию, в том числе самообразованию, на протяжении всей жизни; сознательное отношение к непрерывному образованию как условию успешной профессиональной и общественной деятельности;
- готовность и способность к самостоятельной творческой и ответственной деятельности;
- готовность к коллективной работе, сотрудничеству со сверстниками в образовательной, общественно полезной, учебно-исследовательской, проектной и других видах деятельности;
- отношение к профессиональной деятельности как возможности участия в решении личных, общественных, государственных, общенациональных проблем;

метапредметных :

— умение самостоятельно определять цели деятельности и составлять планы деятельности; самостоятельно осуществлять, контролировать и корректировать деятельность; использовать все возможные ресурсы для достижения поставленных целей и реализации планов деятельности; выбирать успешные стратегии в различных ситуациях;

— умение продуктивно общаться и взаимодействовать в процессе совместной деятельности, учитывать позиции других участников деятельности, эффективно разрешать конфликты;

— владение навыками познавательной, учебно-исследовательской и проектной деятельности, навыками разрешения проблем; способность и готовность к самостоятельному поиску методов решения практических задач, применению различных методов познания;

— готовность и способность к самостоятельной информационно-познавательной деятельности, включая умение ориентироваться в различных источниках информации, критически оценивать и интерпретировать информацию, получаемую из различных источников;

— владение языковыми средствами: умение ясно, логично и точно излагать свою точку зрения, использовать адекватные языковые средства;

— владение навыками познавательной рефлексии как осознания совершаемых действий и мыслительных процессов, их результатов и оснований, границ своего знания и незнания, новых познавательных задач и средств для их достижения;

— целеустремленность в поисках и принятии решений, сообразительность и интуиция, развитость пространственных представлений; способность воспринимать красоту и гармонию мира;

предметных:

— сформированность представлений о математике как части мировой культуры и месте математики в современной цивилизации, способах описания явлений реального мира на математическом языке;

— сформированность представлений о математических понятиях как важнейших математических моделях, позволяющих описывать и изучать разные процессы и явления; понимание возможности аксиоматического построения математических теорий;

— владение методами доказательств и алгоритмов решения, умение их применять, проводить доказательные рассуждения в ходе решения задач;

— владение стандартными приемами решения рациональных и иррациональных, показательных, степенных, тригонометрических уравнений и неравенств, их систем; использование готовых компьютерных программ, в том числе для поиска пути решения и иллюстрации решения уравнений и неравенств;

— сформированность представлений об основных понятиях математического анализа и их свойствах, владение умением характеризовать поведение функций, использование полученных знаний для описания и анализа реальных зависимостей;

— владение основными понятиями о плоских и пространственных геометрических фигурах, их основных свойствах; сформированность умения распознавать геометрические фигуры на чертежах, моделях и в реальном мире; применение изученных свойств геометрических фигур и формул для решения геометрических задач и задач с практическим содержанием;

— сформированность представлений о процессах и явлениях, имеющих вероятностный характер, статистических закономерностях в реальном мире, основных понятиях элементарной теории вероятностей; умений находить и оценивать вероятности наступления событий в простейших практических ситуациях и основные характеристики случайных величин;

— владение навыками использования готовых компьютерных программ при решении задач.

предметных:

— сформированность представлений о математике как части мировой культуры и месте математики в современной цивилизации, способах описания явлений реального мира на математическом языке;

— сформированность представлений о математических понятиях как важнейших математических моделях, позволяющих описывать и изучать разные процессы и явления; понимание возможности аксиоматического построения математических теорий;

— владение методами доказательств и алгоритмов решения, умение их применять, проводить доказательные рассуждения в ходе решения задач;

— владение стандартными приемами решения рациональных и иррациональных, показательных, степенных, тригонометрических уравнений и неравенств, их систем; использование готовых компьютерных программ, в том числе для поиска пути решения и иллюстрации решения уравнений и неравенств;

— сформированность представлений об основных понятиях математического анализа и их свойствах, владение умением характеризовать поведение функций, использование полученных знаний для описания и анализа реальных зависимостей;

— владение основными понятиями о плоских и пространственных геометрических фигурах, их основных свойствах;

— сформированность умения распознавать геометрические фигуры на чертежах, моделях и в реальном мире; применение изученных свойств геометрических фигур и формул для решения геометрических задач и задач с практическим содержанием;

— сформированность представлений о процессах и явлениях, имеющих вероятностный характер, статистических закономерностях в реальном мире, основных понятиях элементарной теории вероятностей; умений находить и оценивать вероятности наступления событий в простейших практических ситуациях и основные характеристики случайных величин;

— владение навыками использования готовых компьютерных программ при решении задач.

уравнений.

Виды самостоятельной работы.

Конспектирование текста, выполнение упражнений по образцу, выполнение вариативных упражнений, подготовка докладов, выписки из текста.

## Прямые и плоскости в пространстве

Содержание учебного материала

Взаимное расположение двух прямых в пространстве. Параллельность прямой и плоскости. Параллельность плоскостей. Перпендикулярность прямой и плоскости. Перпендикуляр и наклонная. Угол между прямой и плоскостью. Двугранный угол. Угол между плоскостями. Перпендикулярность двух плоскостей. Геометрические преобразования пространства: параллельный перенос, симметрия относительно плоскости. Параллельное проектирование. Площадь ортогональной проекции. Изображение пространственных фигур.

Перечень лабораторных работ и практических занятий.

Признаки взаимного расположения прямых. Угол между прямыми. Взаимное расположение прямых и плоскостей. Перпендикуляр и наклонная к плоскости. Угол между прямой и плоскостью. Теоремы о взаимном расположении прямой и плоскости. Теорема о трех перпендикулярах. Признаки и свойства параллельных и перпендикулярных плоскостей. Расстояние от точки до плоскости, от прямой до плоскости, расстояние между плоскостями, между скрещивающимися прямыми, между произвольными фигурами в пространстве. Параллельное проектирование и его свойства. Теорема о площади ортогональной проекции многоугольника. Взаимное расположение пространственных фигур.

Виды самостоятельной работы

Конспектирование текста, выписки из текста, ответы на контрольные вопросы, решение задач по образцу, решение вариативных задач, подготовка презентаций.

## Комбинаторика

Содержание учебного материала

Основные понятия комбинаторики. Задачи на подсчет числа размещений, перестановок, сочетаний. Решение задач на перебор вариантов. Формула бинома Ньютона. Свойства биномиальных коэффициентов. Треугольник Паскаля.

Перечень лабораторных работ и практических занятий.

История развития комбинаторики и ее роль в различных сферах человеческой жизнедеятельности. Правила комбинаторики. Решение комбинаторных задач. Размещения, сочетания и перестановки. Бином Ньютона и треугольник Паскаля. Прикладные задачи.

преобразование произведения тригонометрических функций в сумму. Простейшие тригонометрические уравнения и неравенства. Обратные тригонометрические функции: арксинус, арккосинус, арктангенс.

Виды самостоятельной работы.

Выписки из текста, выполнение упражнений по образцу, выполнение вариативных упражнений, подготовка докладов

## Функции и графики

Содержание учебного материала

Функции. Область определения и множество значений; график функции, построение графиков функций, заданных различными способами. Свойства функции. Монотонность, четность, нечетность, ограниченность, периодичность. Промежутки возрастания и убывания, наибольшее и наименьшее значения, точки экстремума. Графическая интерпретация. Примеры функциональных зависимостей в реальных процессах и явлениях. Арифметические операции над функциями. Сложная функция (композиция). Понятие о непрерывности функции. Обратные функции. Область определения и область значений обратной функции. График обратной функции.

Степенные, показательные, логарифмические и тригонометрические функции. Обратные тригонометрические функции. Определения функций, их свойства и графики. Преобразования графиков. Параллельный перенос, симметрия относительно осей координат и симметрия относительно начала координат, симметрия относительно прямой  $y = x$ , растяжение и сжатие вдоль осей координат.

Перечень лабораторных работ и практических занятий.

Примеры зависимостей между переменными в реальных процессах из смежных дисциплин. Определение функций. Построение и чтение графиков функций. Исследование функции. Свойства линейной, квадратичной, кусочно-линейной и дробно-линейной функций. Непрерывные и периодические функции. Свойства и графики синуса, косинуса, тангенса и котангенса. Обратные функции и их графики. Обратные тригонометрические функции. Преобразования графика функции. Гармонические колебания. Прикладные задачи. Показательные, логарифмические, тригонометрические уравнения и неравенства.

Виды самостоятельной работы.

Конспектирование текста, выписки из текста, выполнение упражнений по образцу, выполнение вариативных упражнений, ответы на контрольные вопросы, составление кроссворда.

## Многогранники и круглые тела

Содержание учебного материала

Вершины, ребра, грани многогранника. Развертка. Многогранные углы. Выпуклые многогранники. Теорема Эйлера. Призма. Прямая и наклонная призма. Правильная призма. Параллелепипед. Куб. Пирамида. Правильная пирамида. Усеченная пирамида. Тетраэдр. Симметрии в кубе, в параллелепипеде, в призме и пирамиде. Сечения куба, призмы и пирамиды. Представление о правильных многогранниках (тетраэдре, кубе, октаэдре, додекаэдре и икосаэдре).

Цилиндр и конус. Усеченный конус. Основание, высота, боковая поверхность, образующая, развертка. Осевые сечения и сечения, параллельные основанию.

Шар и сфера, их сечения. Касательная плоскость к сфере.

Объем и его измерение. Интегральная формула объема. Формулы объема куба, прямоугольного параллелепипеда, призмы, цилиндра. Формулы объема пирамиды и конуса. Формулы площади поверхностей цилиндра и конуса. Формулы объема шара и площади сферы. Подобие тел. Отношения площадей поверхностей и объемов подобных тел.

Перечень лабораторных работ и практических занятий.

Различные виды многогранников. Их изображения. Сечения, развертки многогранников. Площадь поверхности. Виды симметрий в пространстве. Симметрия тел вращения и многогранников. Вычисление площадей и объемов.

Виды самостоятельной работы.

Конспектирование текста, решение задач по образцу, решение вариативных задач подготовка докладов, презентаций.

## Начала математического анализа

Содержание учебного материала

Последовательности. Способы задания и свойства числовых последовательностей. Понятие о пределе последовательности. Существование предела монотонной ограниченной последовательности. Суммирование последовательностей. Бесконечно убывающая геометрическая прогрессия и ее сумма. Понятие о непрерывности функции. Производная. Понятие о производной функции, её геометрический и физический смысл. Уравнение касательной к графику функции. Производные суммы, разности, произведения, частного. Производные основных элементарных функций. Применение производной к исследованию функций и построению графиков. Производные обратной функции и композиции функции.

Примеры использования производной для нахождения наилучшего решения в прикладных задачах. Вторая производная, ее геометрический и физический смысл.

Применение производной к исследованию функций и построению графиков. Нахождение скорости для процесса, заданного формулой и графиком.

Перечень лабораторных работ и практических занятий.

Числовая последовательность, способы ее задания, вычисления членов последовательности. Предел последовательности. Бесконечно убывающая геометрическая прогрессия. Производная: механический и геометрический смысл производной. Уравнение касательной в общем виде. Правила и формулы дифференцирования, таблица производных элементарных функций. Исследование функции с помощью производной. Нахождение наибольшего, наименьшего значения и экстремальных значений функции.

Виды самостоятельной работы.

Конспектирование текста, выписки из текста, выполнение упражнений по образцу, решение вариативных задач, подготовка докладов

### Интеграл и его применение

Содержание учебного материала

Первообразная и интеграл. Применение определенного интеграла для нахождения площади криволинейной трапеции. Формула Ньютона—Лейбница. Примеры применения интеграла в физике и геометрии.

Перечень лабораторных работ и практических занятий.

Интеграл и первообразная. Теорема Ньютона—Лейбница. Применение интеграла к вычислению физических величин и площадей.

Виды самостоятельной работы.

Конспектирование текста, выполнение упражнений по образцу, выполнение вариативных упражнений, решение прикладных задач, подготовка докладов

### Элементы теории вероятностей и математической статистики

Содержание учебного материала

Событие, вероятность события, сложение и умножение вероятностей. Понятие о независимости событий. Дискретная случайная величина, закон ее распределения. Числовые характеристики дискретной случайной величины. Понятие о законе больших чисел. Представление данных (таблицы, диаграммы, графики), генеральная совокупность, выборка, среднее арифметическое, медиана. Понятие о задачах математической статистики. Решение практических задач с применением вероятностных методов.

Перечень лабораторных работ и практических занятий.

История развития теории вероятностей и статистики и их роль в различных сферах человеческой жизнедеятельности. Классическое определение вероятности,

свойства вероятностей, теорема о сумме вероятностей. Вычисление вероятностей. Прикладные задачи. Представление числовых данных. Прикладные задачи.

Виды самостоятельной работы.

Конспектирование текста, выписки из текста, решение задач по образцу, решение вариативных задач.

## Уравнения и неравенства

Содержание учебного материала

Равносильность уравнений, неравенств, систем.

Рациональные, иррациональные, показательные и тригонометрические уравнения и системы. Основные приемы их решения (разложение на множители, введение новых неизвестных, подстановка, графический метод).

Рациональные, иррациональные, показательные и тригонометрические неравенства. Основные приемы их решения. Использование свойств и графиков функций при решении уравнений и неравенств. Метод интервалов. Изображение на координатной плоскости множества решений уравнений и неравенств с двумя переменными и их систем.

Применение математических методов для решения содержательных задач из различных областей науки и практики. Интерпретация результата, учет реальных ограничений.

Перечень лабораторных работ и практических занятий.

Корни уравнений. Равносильность уравнений. Преобразование уравнений.

Основные приемы решения уравнений. Решение систем уравнений.

Использование свойств и графиков функций для решения уравнений и неравенств.

Виды самостоятельной работы.

Конспектирование текста, выписки из текста, выполнение вариативных упражнений, выполнение проектов.

## Тематический план учебной дисциплины

### ОУДп.11 Математика: Алгебра и начала математического анализа; геометрия

Наименование разделов и тем	Количество часов аудиторной нагрузки		Самостоятельная работа
	Всего	Практические и лабораторные работы	
Введение	2		1
<b>Раздел 1. Развитие понятия о числе</b>	<b>10</b>	<b>4</b>	<b>5</b>
<b>Тема 1.1 Целые и рациональные числа. Действительные числа. Комплексные числа</b>	<b>5</b>	<b>2</b>	<b>3</b>
Тема 1.1.1 Целые и рациональные числа.	1		0,5
Темам 1.1.2 Действительные числа	1		1
Практическое занятие №1. Арифметические действия над числами. Сравнение числовых выражений	1	1	0,5
Тема 1.1.3 Комплексные числа	1		
Практическое занятие №2. Операции над комплексными числами	1	1	1
<b>Тема 1.2 Приближенные вычисления</b>	<b>5</b>	<b>2</b>	<b>2</b>
Тема 1.2.1 Погрешности приближений	1		
Тема 1.2.2 Правила приближенных вычислений	1		0,5
Практическое занятие №3. Нахождение приближенных значений величин и погрешностей вычислений	1	1	1
Тема 1.2.3 Прикладные задачи	1		0,5
Практическое занятие №4. Развитие понятия о числе	1	1	
<b>Раздел 2. Основы тригонометрии</b>	<b>31</b>	<b>11</b>	<b>16</b>
<b>Тема 2.1. Преобразование тригонометрических выражений. Тригонометрические функции</b>	<b>20</b>	<b>7</b>	<b>10</b>
Тема 2.1.1 Вращательное движение	1		0,5
Тема 2.1.2 Синус, косинус, тангенс и котангенс числа	1		
Практическое занятие №5. Нахождение значений тригонометрических выражений на основе определения	1	1	1
Тема 2.1.3 Основные тригонометрические тождества	1		
Практическое занятие №6. Применение основных тригонометрических тождеств	1	1	1
Тема 2.1.4 Радианная мера угла	1		0,5
Практическое занятие №7. Радианный метод измерения углов вращения и связь с градусной мерой	1	1	
Тема 2.1.5 Формулы приведения	1		1
Тема 2.1.6 Формулы сложения	1		0,5
Практическое занятие №8. Преобразование выражений с применением формул приведения и сложения	1	1	1

Тема 2.1.7 Формулы удвоения. Формулы половинного угла	1		
Практическое занятие №9. Преобразование выражений с применением формул удвоения	1	1	0,5
Тема 2.1.8 Выражение тригонометрических функций через тангенс половинного аргумента.	1		
Тема 2.1.9 Формулы преобразования суммы тригонометрических функций в произведение	1		1
Тема 2.1.10 Формулы преобразования произведения тригонометрических функций в сумму	1		0,5
Практическое занятие №10. Преобразование суммы тригонометрических функций в произведение и произведения в сумму	1	1	
Тема 2.1.11 Функция $y = \sin x$ , ее свойства и график	1		1
Тема 2.1.12 Функция $y = \cos x$ , ее свойства и график	1		0,5
Тема 2.1.13 Функции $y = \operatorname{tg} x$ и $y = \operatorname{ctg} x$ , их свойства и графики	1		
Практическое занятие №11. Преобразование тригонометрических выражений. Тригонометрические функции	1	1	1
<b>Тема 2.2. Тригонометрические уравнения</b>	<b>11</b>	<b>4</b>	<b>6</b>
Тема 2.2.1 Обратные тригонометрические функции: арксинус, арккосинус,	1		0,5
Тема 2.2.2 Обратные тригонометрические функции: арктангенс, арккотангенс	1		
Тема 2.2.3 Простейшие тригонометрические уравнения: $\sin x = a$ , $\cos x = a$	1		1
Тема 2.2.4 Простейшие тригонометрические уравнения: $\operatorname{tg} x = a$ , $\operatorname{ctg} x = a$	1		0,5
Практическое занятие №12. Решение простейших тригонометрических уравнений	1	1	1
Тема 2.2.5 Решение тригонометрических уравнений методом подстановки и разложением на множители	1		0,5
Тема 2.2.6 Решение однородных тригонометрических уравнений	1		
Практическое занятие №13. Решение тригонометрических уравнений	1	1	1
Тема 2.2.7 Простейшие тригонометрические неравенства	1		
Практическое занятие №14. Решение простейших тригонометрических неравенств	1	1	0,5
Контрольная работа №1. Основы тригонометрии	1	1	1
<b>Раздел 3. Прямые и плоскости в пространстве</b>	<b>20</b>	<b>7</b>	<b>9,5</b>
<b>Тема 3.1 Параллельность прямых и плоскостей</b>	<b>8</b>	<b>3</b>	<b>3,5</b>
Тема 3.1.1 Аксиомы стереометрии и их следствия	1		

Тема 3.1.2 Взаимное расположение двух прямых в пространстве	1		0,5
Практическое занятие №15. Признаки взаимного расположения прямых. Угол между прямыми	1	1	
Тема 3.1.3 Параллельность прямой и плоскости	1		0,5
Тема 3.1.4 Параллельность плоскостей	1		1
Практическое занятие №16. Признаки и свойства параллельных плоскостей	1	1	
Тема 3.1.5 Параллельное проектирование. Изображение пространственных фигур.	1		0,5
Практическое занятие №17. Параллельное проектирование и его свойства	1	1	1
<b>Тема 3.2. Перпендикулярность прямых и плоскостей</b>	<b>12</b>	<b>4</b>	<b>6</b>
Тема 3.2.1 Перпендикулярные прямые в пространстве	1		
Тема 3.2.2 Перпендикулярность прямой и плоскости	1		0,5
Практическое занятие №18 Взаимное расположение прямых и плоскостей	1	1	1
Тема 3.2.3 Перпендикуляр и наклонная. Угол между прямой и плоскостью	1		
Практическое занятие №19. Расстояние от точки до плоскости. Угол между прямой и плоскостью	1	1	0,5
Тема 3.2.4 Теорема о трех перпендикулярах	1		1
Тема 3.2.5 Расстояние от прямой до плоскости, между плоскостями, скрещивающимися прямыми	1		
Тема 3.2.6 Геометрические преобразования пространства	1		1,5
Тема 3.2.7 Двугранный угол. Угол между плоскостями. Перпендикулярность плоскостей	1		
Практическое занятие №20. Признаки и свойства перпендикулярных плоскостей	1	1	1
Тема 3.2.8 Площадь ортогональной проекции многоугольника	1		0,5
Контрольная работа №2. Прямые и плоскости в пространстве	1	1	
<b>Раздел 4. Координаты и векторы</b>	<b>16</b>	<b>6</b>	<b>7,5</b>
<b>Тема 4.1. Координаты в пространстве</b>	<b>5</b>	<b>1</b>	<b>2,5</b>
Тема 4.1.1 Прямоугольная (декартова) система координат в пространстве	1		
Тема 4.1.2 Формула расстояния между точками	1		0,5
Тема 4.1.3 Формула середины отрезка	1		1
Практическое занятие №21. Решение простейших задач в координатах	1	1	1
Тема 4.1.4 Уравнение окружности и сферы	1		
<b>Тема 4.2. Векторы в пространстве</b>	<b>11</b>	<b>5</b>	<b>5</b>
Тема 4.2.1 Векторы. Модуль вектора. Равенство векторов. Сложение векторов	1		0,5
Тема 4.2.2 Умножение вектора на число	1		
Практическое занятие №22. Векторы. Действия с векторами	1	1	0,5

Тема 4.2.3 Разложение вектора по направлениям. Координаты вектора	1		1
Практическое занятие №23. Действия с векторами, заданными координатами	1	1	0,5
Тема 4.2.5 Угол между векторами. Проекция вектора на ось. Скалярное произведение векторов.	1		
Практическое занятие №24. Скалярное произведение векторов	1	1	1
Тема 4.2.6 Уравнение плоскости. Уравнение прямой	1		0,5
Практическое занятие №25. Уравнение плоскости. Векторное уравнение прямой и плоскости	1	1	
Тема 4.2.7 Использование координат и векторов при решении математических и прикладных задач	1		1
Контрольная работа №3. Координаты и векторы	1	1	
<b>Раздел 5. Корни. Степени. Логарифмы</b>	<b>28</b>	<b>12</b>	<b>15</b>
<b>Тема 5.1 Корни и степени</b>	<b>16</b>	<b>8</b>	<b>8,5</b>
Тема 5.1.1 Преобразование рациональных выражений	1		
Тема 5.1.2 Корни натуральной степени из числа и их свойства	1		1,5
Практическое занятие №26. Вычисление и сравнение корней	1	1	1
Практическое занятие №27. Выполнение расчетов с радикалами	1	1	
Тема 5.1.3 Преобразование иррациональных выражений	1		0,5
Практическое занятие №28. Решение иррациональных уравнений	1	1	0,5
Тема 5.1.4 Степень с рациональными показателями и их свойства	1		0,5
Практическое занятие №29. Нахождение значений степеней с рациональными показателями. Сравнение степеней.	1	1	0,5
Практическое занятие №30. Преобразование выражений, содержащих степени	1	1	0,5
Тема 5.1.5 Степени с действительными показателями. Свойства степени с действительным показателем	1		
Тема 5.1.6 Степенные функции, их свойства и графики	1		1
Тема 5.1.7 Показательная функция, ее свойства и график	1		0,5
Тема 5.1.8 Показательные уравнения и неравенства	1		
Практическое занятие №31. Решение показательных уравнений	1	1	1
Практическое занятие №32. Решение показательных неравенств	1	1	1
Практическое занятие №33. Корни. Степени	1	1	

<b>Тема 5.2. Логарифмы</b>	<b>12</b>	<b>4</b>	<b>6,5</b>
Тема 5.2.1 Логарифм числа. Основное логарифмическое тождество.	1		0,5
Тема 5.2.2 Правила действий с логарифмами	1		0,5
Практическое занятие №34. Нахождение значений логарифма по произвольному основанию. Сравнение логарифмов	1	1	0,5
Тема 5.2.3 Преобразование показательных и логарифмических выражений	1		0,5
Тема 5.2.4 Переход к новому основанию	1		1
Тема 5.2.5 Переход к десятичным и натуральным логарифмам. Приближенные вычисления логарифмов	1		
Тема 5.2.6 Логарифмическая функция, ее свойства и график	1		0,5
Тема 5.2.7 Логарифмических уравнений	1		
Практическое занятие №35. Решение логарифмических уравнений	1	1	1
Тема 5.2.8 Логарифмические неравенства	1		0,5
Практическое занятие №36. Решение логарифмических неравенств	1	1	0,5
Контрольная работа №4. Корни. Степени. Логарифмы	1	1	1
<b>Раздел 6. Функции и графики</b>	<b>18</b>	<b>8</b>	<b>9</b>
<b>Тема 6.1 Функции. Свойства функций. Обратные функции</b>	<b>10</b>	<b>4</b>	<b>5</b>
Тема 6.1.1 Функции. Область определения и множество значений, график функции	1		
Практическое занятие №37. Определение функции	1	1	1
Тема 6.1.2 Примеры функциональных зависимостей в реальных процессах и явлениях	1		0,5
Тема 6.1.3 Арифметические операции над функциями. Сложная функция	1		
Тема 6.1.4 Свойства функций: монотонность, ограниченность, наибольшее и наименьшее значения	1		1
Тема 6.1.5 Свойства функций: четность, нечетность, периодичность, непрерывность	1		0,5
Практическое занятие №38 Свойства линейной, квадратичной, кусочно-линейной и дробно-линейной функций	1	1	
Практическое занятие №39. Построение и чтение графика. Исследование функции	1	1	1
Тема 6.1.6 Обратные функции. График обратной функции.	1		1
Практическое занятие №40. Обратные функции и их графики	1	1	
<b>Тема 6.2. Степенные, показательные, логарифмические и тригонометрические функции</b>	<b>8</b>	<b>4</b>	<b>4</b>
Тема 6.2.1 Преобразования графиков	1		1

Тема 6.2.2 Степенные, показательные и логарифмические функции	1		
Практическое занятие №41. Преобразование графиков показательных и логарифмических функций	1	1	1
Тема 6.2.3 Тригонометрические функции. Гармонические колебания	1		
Практическое занятие №42. Свойства и графики синуса, косинуса, тангенса и котангенса	1	1	1
Тема 6.2.4 Обратные тригонометрические функции	1		1
Практическое занятие №43. Прикладные задачи	1	1	
Контрольная работа №5. Функции и графики	1	1	
<b>Раздел 7. Начала математического анализа</b>	<b>24</b>	<b>8</b>	<b>12</b>
<b>Тема 7.1 Последовательности. Производная</b>	<b>13</b>	<b>4</b>	<b>7</b>
Тема 7.1.1 Последовательности. Способы задания и свойства числовых последовательностей	1		0,5
Практическое занятие №44. Числовая последовательность, способы ее задания, вычисления членов последовательности	1	1	0,5
Тема 7.1.2 Понятие о пределе последовательности	1		1
Практическое занятие №45. Вычисление предела последовательности	1	1	
Тема 7.1.3 Бесконечно убывающая геометрическая прогрессия и ее сумма	1		
Тема 7.1.4 Понятие о пределе функции	1		1
Тема 7.1.5 Понятие о производной функции	1		
Тема 7.1.6 Геометрический и физический смысл производной	1		1
Тема 7.1.7 Производные основных элементарных функций	1		1
Тема 7.1.8 Производная суммы, разности, произведения, частного	1		
Практическое занятие №46. Правила и формулы дифференцирования, таблица производных элементарных функций	1	1	1
Тема 7.1.9 Производные обратной функции и композиции функции	1		
Практическое занятие №47. Нахождение производных функций	1	1	1
<b>Тема 7.2. Приложения производной</b>	<b>11</b>	<b>4</b>	<b>5</b>
Тема 7.2.1 Уравнение касательной к графику функции	1		
Практическое занятие №48. Геометрический смысл производной. Уравнение касательной	1	1	1
Тема 7.2.2 Нахождение скорости для процесса, заданного формулой и графиком	1		
Практическое занятие №49. Механический смысл производной	1	1	1
Тема 7.2.3 Применение производной к нахождению промежутков монотонности	1		

Тема 7.2.4 Применение производной к нахождению экстремумов	1		1
Тема 7.2.5 Применение производной к исследованию функций и построению графиков	1		
Практическое занятие №50. Исследование функции с помощью производной и построение графика	1	1	1
Тема 7.2.6 Нахождение наибольшего и наименьшего значения функции на промежутке	1		0,5
Тема 7.2.7 Примеры использования производной для нахождения наилучшего решения в прикладных задачах	1		
Контрольная работа №6. Начала математического анализа	1	1	0,5
<b>Раздел 8. Интеграл и его применение</b>	<b>15</b>	<b>7</b>	<b>8</b>
<b>Тема 8.1. Первообразная и интеграл</b>	<b>7</b>	<b>2</b>	<b>4</b>
Тема 8.1.1 Понятие первообразной	1		
Тема 8.1.2 Правила нахождения первообразной	1		1
Тема 8.1.3 Основное свойство первообразной	1		
Практическое занятие №51. Нахождение первообразных	1	1	1
Тема 8.1.4 Понятие определенного интеграла	1		1
Тема 8.1.5 Формула Ньютона - Лейбница	1		
Практическое занятие №52. Вычисление определенного интеграла	1	1	1
<b>Тема 8.2. Применение интеграла</b>	<b>8</b>	<b>5</b>	<b>4</b>
Тема 8.2.1 Применение определенного интеграла для нахождения площади криволинейной трапеции	1		
Практическое занятие №53. Нахождение площади криволинейной трапеции	1	1	1
Тема 8.2.2 Примеры применения интеграла в геометрии	1		
Практическое занятие №54. Применение интеграла к вычислению площадей	1	1	1
Практическое занятие №55. Применение интеграла к вычислению объемов	1	1	
Тема 8.2.3 Примеры применения интеграла в физике	1		
Практическое занятие №56. Применение интеграла к вычислению физических величин	1	1	1
Контрольная работа №7. Интеграл и его применение	1	1	1
<b>Раздел 9. Многогранники и круглые тела</b>	<b>26</b>	<b>12</b>	<b>12</b>
<b>Тема 9.1. Многогранники</b>	<b>11</b>	<b>5</b>	<b>5,5</b>
Тема 9.1.1 Понятие многогранника. Многогранные углы. Выпуклые многогранники	1		
Тема 9.1.2 Призма. Прямая и наклонные призмы. Правильная призма			
Практическое занятие №57. Изображение призмы. Развертка, сечения призмы	1	1	

Практическое занятие №58. Площадь поверхности призмы	1	1	1
Тема 9.1.3 Параллелепипед. Куб. Сечения куба	1		1
Тема 9.1.4 Пирамида. Правильная пирамида. Тетраэдр.	1		1
Практическое занятие №59. Изображение пирамиды. Развертка, сечения пирамиды	1	1	
Тема 9.1.5 Усеченная пирамида	1		
Практическое занятие №60. Площадь поверхности пирамиды	1	1	1
Тема 9.1.6 Понятие о правильных многогранниках. Теорема Эйлера	1		1
Практическое занятие №61. Многогранники	1	1	0,5
<b>Тема 9.2. Тела вращения</b>	<b>7</b>	<b>4</b>	<b>3,5</b>
Тема 9.2.1 Цилиндр. Сечения цилиндра. Развертка и площадь поверхности цилиндра	1		0,5
Практическое занятие №62. Нахождение площади поверхности цилиндра	1	1	
Тема 9.2.2 Конус, Сечения конуса. Развертка и площадь поверхности конуса	1		1
Практическое занятие №63. Нахождение площади поверхности конуса	1	1	
Тема 9.2.3 Шар и сфера, их сечения. Касательная плоскость к сфере	1		1
Практическое занятие №64. Шар. Симметрия шара	1	1	
Практическое занятие №65. Тела вращения	1	1	1
<b>Тема 9.3 Измерения в геометрии</b>	<b>8</b>	<b>3</b>	<b>3</b>
Тема 9.3.1 Объем и его измерение. Формулы объема куба, прямоугольного параллелепипеда.	1		0,5
Тема 9.3.2 Объем призмы. Объем пирамиды	1		
Практическое занятие №66. Нахождение объемов многогранников	1	1	0,5
Тема 9.3.4 Объем цилиндра. Объем конуса	1		1
Тема 9.3.5 Объем шара. Площадь сферы	1		
Практическое занятие №67. Нахождение объемов тел вращения	1	1	0,5
Тема 9.3.6 Подобие тел. Отношения площадей поверхностей и объемов подобных тел.	1		0,5
Контрольная работа №8. Многогранники и круглые тела	1	1	
<b>Раздел 10. Комбинаторика</b>	<b>12</b>	<b>5</b>	<b>6</b>
<b>Тема 10.1 Основные понятия комбинаторики</b>	<b>7</b>	<b>2</b>	<b>4</b>
Тема 10.1.1 Основные понятия комбинаторики.	1		1
Тема 10.1.2 Решение задач на перебор вариантов	1		
Тема 10.1.3 Задачи на подсчет числа размещений	1		0,5
Тема 10.1.4. Задачи на подсчет числа перестановок	1		0,5
Тема 10.1.5 Задачи на подсчет числа сочетаний	1		
Практическое занятие №68. Размещения, сочетания, перестановки	1	1	1
Практическое занятие №69. Правила комбинаторики.	1	1	1

<b>Тема 10.2 Бином Ньютона. Треугольник Паскаля</b>	<b>5</b>	<b>3</b>	<b>2</b>
Тема 10.2.1 Формула бинома Ньютона. Свойства биномиальных коэффициентов.	1		
Тема 10.2.2 Треугольник Паскаля	1		
Практическое занятие №70. Бином Ньютона и треугольник Паскаля	1	1	1
Практическое занятие №71. Прикладные комбинаторные задачи	1	1	
Контрольная работа №9. Комбинаторика	1	1	1
<b>Раздел 11. Элементы теории вероятностей и математической статистики</b>	<b>12</b>	<b>6</b>	<b>6</b>
<b>Тема 11.1. Элементы теории вероятностей</b>	<b>7</b>	<b>3</b>	<b>4</b>
Тема 11.1.1 Событие, вероятность события	1		
Практическое занятие №72. Классическое определение вероятности. Свойства вероятностей	1	1	1
Тема 11.1.2 Сложение и умножение вероятностей. Понятие о независимости событий	1		1
Практическое занятие №73. Теоремы о сумме вероятностей и произведении вероятностей		1	
Практическое занятие №74. Вычисление вероятностей	1	1	
Тема 11.1.3 Дискретная случайная величина, закон ее распределения, числовые характеристики	1		1
Тема 11.1.4 Решение практических задач с применением вероятностных методов	1		1
<b>Тема 11.2 Элементы математической статистики</b>	<b>5</b>	<b>3</b>	<b>2</b>
Тема 11.2.1 Задачи математической статистики. Генеральная совокупность и выборка	1		
Тема 11.2.2 Представление данных. Среднее арифметическое, мода, медиана	1		0,5
Практическое занятие №75. Представление числовых данных. Нахождение числовых характеристик	1	1	1
Практическое занятие №76. Решение прикладных задач	1	1	0,5
Контрольная работа №10. Элементы теории вероятностей и математической статистики	1	1	
<b>Раздел 12. Уравнения и неравенства</b>	<b>20</b>	<b>4</b>	<b>10</b>
<b>Тема 12.1 Уравнения и системы уравнений</b>	<b>9</b>	<b>2</b>	<b>5</b>
Тема 12.1.1 Равносильность уравнений и систем уравнений	1		1
Практическое занятие №77. Корни уравнений. Равносильность уравнений. Преобразование уравнений	1	1	
Тема 12.1.2 Основные приемы решения уравнений	1		1
Тема 12.1.3 Рациональные уравнения и системы уравнений	1		
Тема 12.1.4 Иррациональные уравнения и системы уравнений	1		0,5

Тема 12.1.5 Показательные уравнения и системы уравнений	1		0,5
Тема 12.1.6 Логарифмические уравнения и системы уравнений	1		0,5
Тема 12.1.7 Тригонометрические уравнения и системы	1		0,5
Практическое занятие №78. Основные приемы решения уравнений. Решение систем уравнений	1	1	1
<b>Тема 12.2 Неравенства</b>	<b>11</b>	<b>2</b>	<b>5</b>
Тема 12.2.1 Неравенства. Равносильность неравенств	1		1
Тема 12.2.2 Основные приемы решения неравенств. Метод интервалов	1		
Тема 12.2.3 Рациональные неравенства	1		
Тема 12.2.4 Иррациональные неравенства	1		1
Тема 12.2.5 Показательные и логарифмические неравенства	1		1
Тема 12.2.6 Тригонометрические неравенства	1		
Тема 12.2.7 Изображение на координатной плоскости множества решений уравнений и неравенств с двумя переменными и их систем	1		
Практическое занятие №79. Использование свойств и графиков функций для решения уравнений и неравенств	1	1	0,5
Тема 12.2.8 Применение математических методов для решения содержательных задач из различных областей науки и практики	1		1,5
Тема 12.2.9 Интерпретация результата, учет реальных ограничений	1		
Контрольная работа №11. Уравнения и неравенства	1	1	
<b>ИТОГО</b>	<b>234</b>	<b>90</b>	<b>117</b>

## Характеристика основных видов учебной деятельности студентов

Содержание обучения	Характеристика основных видов деятельности студентов на уровне учебных действий)
<b>Введение</b>	Ознакомление с ролью математики в науке, технике, экономике, информационных технологиях и практической деятельности. Ознакомление с целями и задачами изучения математики при освоении специальностей СПО
<b>АЛГЕБРА</b>	
<b>Развитие понятия о числе</b>	Выполнение арифметических действий над числами, сочетая устные и письменные приемы. Нахождение приближенных значений величин и погрешностей вычислений (абсолютной и относительной); сравнение числовых выражений. Нахождение ошибок в преобразованиях и вычислениях (относится ко всем пунктам программы)
<b>Корни, степени, логарифмы</b>	Ознакомление с понятием корня $n$ -й степени, свойствами радикалов и правилами сравнения корней. Формулирование определения корня и свойств корней. Вычисление и сравнение корней, выполнение прикидки значения корня. Преобразование числовых и буквенных выражений, содержащих радикалы. Выполнение расчетов по формулам, содержащим радикалы, осуществляя необходимые подстановки и преобразования. Определение равносильности выражений с радикалами. Решение иррациональных уравнений. Ознакомление с понятием степени с действительным показателем. Нахождение значений степени, используя при необходимости инструментальные средства. Записывание корня $n$ -й степени в виде степени с дробным показателем и наоборот. Формулирование свойств степеней. Вычисление степеней с рациональным показателем, выполнение прикидки значения степени, сравнение степеней. Преобразование числовых и буквенных выражений, содержащих степени, применяя свойства. Решение показательных уравнений. Ознакомление с применением корней и степеней при вычислении средних, делении отрезка в «золотом сечении». Решение прикладных задач на сложные проценты
<b>Преобразование алгебраических выражений</b>	Выполнение преобразований выражений, применение формул, связанных со свойствами степеней и логарифмов. Определение области допустимых значений логарифмического выражения. Решение логарифмических уравнений
<b>ОСНОВЫ ТРИГОНОМЕТРИИ</b>	
<b>Основные понятия</b>	Изучение радианного метода измерения углов вращения и их связи с градусной мерой. Изображение углов вращения на окружности, соотнесение величины угла с его расположением. Формулирование определений тригонометрических функций для углов поворота и острых углов прямоугольного треугольника и объяснение их взаимосвязи
<b>Основные</b>	

<b>тригонометрические тождества</b>	Применение основных тригонометрических тождеств для вычисления значений тригонометрических функций по одной из них
<b>Преобразования простейших тригонометрических выражений</b>	Изучение основных формул тригонометрии: формулы сложения, удвоения, преобразования суммы тригонометрических функций в произведение и произведения в сумму и применение при вычислении значения тригонометрического выражения и упрощения его. Ознакомление со свойствами симметрии точек на единичной окружности и применение их для вывода формул приведения
<b>Простейшие тригонометрические уравнения и неравенства</b>	Решение по формулам и тригонометрическому кругу простейших тригонометрических уравнений. Применение общих методов решения уравнений (приведение к линейному, квадратному, метод разложения на множители, замены переменной) при решении тригонометрических уравнений. Умение отмечать на круге решения простейших тригонометрических неравенств
<b>Арксинус, арккосинус, арктангенс числа</b>	Ознакомление с понятием обратных тригонометрических функций. Изучение определений арксинуса, арккосинуса, арктангенса числа, формулирование их, изображение на единичной окружности, применение при решении уравнений
<b>ФУНКЦИИ, ИХ СВОЙСТВА И ГРАФИКИ</b>	
<b>Функции. Понятие о непрерывности функции</b>	Ознакомление с понятием переменной, примерами зависимостей между переменными. Ознакомление с понятием графика, определение принадлежности точки графику функции. Определение по формуле простейшей зависимости, вида ее графика. Выражение по формуле одной переменной через другие. Ознакомление с определением функции, формулирование его. Нахождение области определения и области значений функции
<b>Свойства функции. Графическая интерпретация. Примеры функциональных зависимостей в реальных процессах и явлениях</b>	Ознакомление с примерами функциональных зависимостей в реальных процессах из смежных дисциплин. Ознакомление с доказательными рассуждениями некоторых свойств линейной и квадратичной функций, проведение исследования линейной, кусочно-линейной, дробно-линейной и квадратичной функций, построение их графиков. Построение и чтение графиков функций. Исследование функции. Составление видов функций по данному условию, решение задач на экстремум. Выполнение преобразований графика функции
<b>Обратные функции</b>	Изучение понятия обратной функции, определение вида и построение графика обратной функции, нахождение ее области определения и области значений. Применение свойств функций при исследовании уравнений и решении задач на экстремум. Ознакомление с понятием сложной функции
<b>Степенные, показательные, логарифмические и тригонометрические функции. Обратные тригонометрические функции</b>	Вычисление значений функций по значению аргумента. Определение положения точки на графике по ее координатам и наоборот. Использование свойств функций для сравнения значений степеней и логарифмов. Построение графиков степенных и логарифмических функций. Решение показательных и логарифмических уравнений и неравенств по известным алгоритмам. Ознакомление с понятием непрерывной периодической функции,

	<p>формулирование свойств синуса и косинуса, построение их графиков.</p> <p>Ознакомление с понятием гармонических колебаний и примерами гармонических колебаний для описания процессов в физике и других областях знания.</p> <p>Ознакомление с понятием разрывной периодической функции, формулирование свойств тангенса и котангенса, построение их графиков.</p> <p>Применение свойств функций для сравнения значений тригонометрических функций, решения тригонометрических уравнений.</p> <p>Построение графиков обратных тригонометрических функций и определение по графикам их свойств.</p> <p>Выполнение преобразования графиков</p>
<b>НАЧАЛА МАТЕМАТИЧЕСКОГО АНАЛИЗА</b>	
<b>Последовательности</b>	<p>Ознакомление с понятием числовой последовательности, способами ее задания, вычислениями ее членов.</p> <p>Ознакомление с понятием предела последовательности.</p> <p>Ознакомление с вычислением суммы бесконечного числового ряда на примере вычисления суммы бесконечно убывающей геометрической прогрессии.</p> <p>Решение задач на применение формулы суммы бесконечно убывающей геометрической прогрессии</p>
<b>Производная и ее применение</b>	<p>Ознакомление с понятием производной.</p> <p>Изучение и формулирование ее механического и геометрического смысла, изучение алгоритма вычисления производной на примере вычисления мгновенной скорости и углового коэффициента касательной. Составление уравнения касательной в общем виде.</p> <p>Усвоение правил дифференцирования, таблицы производных элементарных функций, применение для дифференцирования функций, составления уравнения касательной.</p> <p>Изучение теорем о связи свойств функции и производной, формулировка их.</p> <p>Проведение с помощью производной исследования функции, заданной формулой.</p> <p>Установление связи свойств функции и производной по их графикам.</p> <p>Применение производной для решения задач на нахождение наибольшего, наименьшего значения и на нахождение экстремума</p>
<b>Первообразная и интеграл</b>	<p>Ознакомление с понятием интеграла и первообразной.</p> <p>Изучение правила вычисления первообразной и теоремы Ньютона—Лейбница.</p> <p>Решение задач на связь первообразной и ее производной, вычисление первообразной для данной функции.</p> <p>Решение задач на применение интеграла для вычисления физических величин и площадей</p>
<b>УРАВНЕНИЯ И НЕРАВЕНСТВА</b>	
<b>Уравнения и системы уравнений Неравенства и системы неравенств с двумя переменными</b>	<p>Ознакомление с простейшими сведениями о корнях алгебраических уравнений, понятиями исследования уравнений и систем уравнений.</p> <p>Изучение теории равносильности уравнений и ее применения.</p> <p>Повторение записи решения стандартных уравнений, приемов преобразования уравнений для сведения к стандартному уравнению.</p>

	<p>Решение рациональных, иррациональных, показательных и тригонометрических уравнений и систем.</p> <p>Использование свойств и графиков функций для решения уравнений. Повторение основных приемов решения систем.</p> <p>Решение уравнений с применением всех приемов (разложения на множители, введения новых неизвестных, подстановки, графического метода).</p> <p>Решение систем уравнений с применением различных способов.</p> <p>Ознакомление с общими вопросами решения неравенств и использование свойств и графиков функций при решении неравенств.</p> <p>Решение неравенств и систем неравенств с применением различных способов.</p> <p>Применение математических методов для решения содержательных задач из различных областей науки и практики. Интерпретирование результатов с учетом реальных ограничений</p>
<b>ЭЛЕМЕНТЫ КОМБИНАТОРИКИ, ТЕОРИИ ВЕРОЯТНОСТЕЙ И СТАТИСТИКИ</b>	
<b>Основные понятия комбинаторики</b>	<p>Изучение правила комбинаторики и применение при решении комбинаторных задач.</p> <p>Решение комбинаторных задач методом перебора и по правилу умножения.</p> <p>Ознакомление с понятиями комбинаторики: размещениями, сочетаниями, перестановками и формулами для их вычисления.</p> <p>Объяснение и применение формул для вычисления размещений, перестановок и сочетаний при решении задач.</p> <p>Ознакомление с биномом Ньютона и треугольником Паскаля.</p> <p>Решение практических задач с использованием понятий и правил комбинаторики</p>
<b>Элементы теории вероятностей</b>	<p>Изучение классического определения вероятности, свойств вероятности, теоремы о сумме вероятностей.</p> <p>Рассмотрение примеров вычисления вероятностей. Решение задач на вычисление вероятностей событий</p>
<b>Представление данных (таблицы, диаграммы, графики)</b>	<p>Ознакомление с представлением числовых данных и их характеристиками.</p> <p>Решение практических задач на обработку числовых данных, вычисление их характеристик</p>
<b>ГЕОМЕТРИЯ</b>	
<b>Прямые и плоскости в пространстве</b>	<p>Формулировка и приведение доказательств признаков взаимного расположения прямых и плоскостей. Распознавание на чертежах и моделях различных случаев взаимного расположения прямых и плоскостей, аргументирование своих суждений.</p> <p>Формулирование определений, признаков и свойств параллельных и перпендикулярных плоскостей, двугранных и линейных углов.</p> <p>Выполнение построения углов между прямыми, прямой и плоскостью, между плоскостями по описанию и распознавание их на моделях.</p> <p>Применение признаков и свойств расположения прямых и плоскостей при решении задач.</p> <p>Изображение на рисунках и конструирование на моделях перпендикуляров и наклонных к плоскости, прямых, параллельных плоскостей, углов между прямой и плоскостью и обоснование построения.</p> <p>Решение задач на вычисление геометрических величин.</p> <p>Описывание расстояния от точки до плоскости, от прямой до</p>

	<p>плоскости, между плоскостями, между скрещивающимися прямыми, между произвольными фигурами в пространстве. Формулирование и доказывание основных теорем о расстояниях (теорем существования, свойства).</p> <p>Изображение на чертежах и моделях расстояния и обоснование своих суждений. Определение и вычисление расстояний в пространстве. Применение формул и теорем планиметрии для решения задач.</p> <p>Ознакомление с понятием параллельного проектирования и его свойствами. Формулирование теоремы о площади ортогональной проекции многоугольника.</p> <p>Применение теории для обоснования построений и вычислений. Аргументирование своих суждений о взаимном расположении пространственных фигур</p>
<p><b>Многогранники</b></p>	<p>Описание и характеристика различных видов многогранников, перечисление их элементов и свойств.</p> <p>Изображение многогранников и выполнение построения на изображениях и моделях многогранников.</p> <p>Вычисление линейных элементов и углов в пространственных конфигурациях, аргументирование своих суждений.</p> <p>Характеристика и изображение сечения, развертки многогранников, вычисление площадей поверхностей.</p> <p>Построение простейших сечений куба, призмы, пирамиды.</p> <p>Применение фактов и сведений из планиметрии.</p> <p>Ознакомление с видами симметрий в пространстве, формулирование определений и свойств. Характеристика симметрии тел вращения и многогранников.</p> <p>Применение свойств симметрии при решении задач.</p> <p>Использование приобретенных знаний для исследования и моделирования несложных задач.</p> <p>Изображение основных многогранников и выполнение рисунков по условиям задач</p>
<p><b>Тела и поверхности вращения</b></p>	<p>Ознакомление с видами тел вращения, формулирование их определений и свойств.</p> <p>Формулирование теорем о сечении шара плоскостью и плоскости, касательной к сфере.</p> <p>Характеристика и изображение тел вращения, их развертки, сечения.</p> <p>Решение задач на построение сечений, вычисление длин, расстояний, углов, площадей. Проведение доказательных рассуждений при решении задач.</p> <p>Применение свойств симметрии при решении задач на тела вращения, комбинацию тел.</p> <p>Изображение основных круглых тел и выполнение рисунка по условию задачи</p>
<p><b>Измерения в геометрии</b></p>	<p>Ознакомление с понятиями площади и объема, аксиомами и свойствами.</p> <p>Решение задач на вычисление площадей плоских фигур с применением соответствующих формул и фактов из планиметрии.</p> <p>Изучение теорем о вычислении объемов пространственных тел, решение задач на применение формул вычисления объемов.</p> <p>Изучение формул для вычисления площадей поверхностей многогранников и тел вращения.</p> <p>Ознакомление с методом вычисления площади поверхности сферы.</p>

	Решение задач на вычисление площадей поверхности пространственных тел
<b>Координаты и векторы</b>	<p>Ознакомление с понятием вектора. Изучение декартовой системы координат в пространстве, построение по заданным координатам точек и плоскостей, нахождение координат точек.</p> <p>Нахождение уравнений окружности, сферы, плоскости. Вычисление расстояний между точками.</p> <p>Изучение свойств векторных величин, правил разложения векторов в трехмерном пространстве, правил нахождения координат вектора в пространстве, правил действий с векторами, заданными координатами.</p> <p>Применение теории при решении задач на действия с векторами.</p> <p>Изучение скалярного произведения векторов, векторного уравнения прямой и плоскости. Применение теории при решении задач на действия с векторами, координатный метод, применение векторов для вычисления величин углов и расстояний.</p> <p>Ознакомление с доказательствами теорем стереометрии о взаимном расположении прямых и плоскостей с использованием векторов</p>

## **Учебно - методическое и материально- техническое обеспечение программы учебной дисциплины «Математика: алгебра и начала математического анализа; геометрия»**

Освоение программы учебной дисциплины «Математика: алгебра и начала математического анализа; геометрия» предполагает наличие в профессиональной образовательной организации, реализующей образовательную программу среднего общего образования в пределах освоения ОПОП СПО на базе основного общего образования, учебного кабинета.

Помещение кабинета должно удовлетворять требованиям Санитарно-эпидемио-логических правил и нормативов (СанПиН 2.4.2 № 178-02) и быть оснащено типовым оборудованием, указанным в настоящих требованиях, в том числе специализированной учебной мебелью и средствами обучения, достаточными для выполнения требований к уровню подготовки обучающихся.

В кабинете должно быть мультимедийное оборудование (переносное), посредством которого участники образовательного процесса могут просматривать визуальную информацию по математике, создавать презентации, видеоматериалы, иные документы.

В состав учебно-методического и материально-технического обеспечения программы учебной дисциплины «Математика: алгебра и начала математического анализа; геометрия» входят:

- многофункциональный комплекс преподавателя;
- наглядные пособия (комплекты учебных таблиц, плакатов, портретов выдающихся ученых-математиков и др.);
- библиотечный фонд.

В библиотечный фонд входят учебники, учебно-методические комплекты (УМК), обеспечивающие освоение учебной дисциплины «Математика: алгебра и начала математического анализа; геометрия», рекомендованные или допущенные для использования в профессиональных образовательных организациях, реализующих образовательную программу среднего общего образования в пределах освоения ОПОП СПО на базе основного общего образования.

Библиотечный фонд может быть дополнен энциклопедиями, справочниками, научной, научно-популярной и другой литературой по математике.

В процессе освоения программы учебной дисциплины «Математика: алгебра и начала математического анализа; геометрия» студенты должны получить возможность доступа к электронным учебным материалам по математике, имеющимся в свободном доступе в сети Интернет (электронным книгам, практикумам, тестам, материалам ЕГЭ и др.).

## Рекомендуемая литература Для студентов

### Основная

Башмаков М.И. Математика: алгебра и начала математического анализа, геометрия: учебник для студентов профессиональных образовательных организаций, осваивающих профессии и специальности СПО. – М.:, 2017;

Башмаков М.И. Математика: алгебра и начала математического анализа, геометрия: Задачник: учеб. пособие для студентов профессиональных образовательных организаций, осваивающих профессии и специальности СПО. – М.:, 2017;

Башмаков М.И. Математика: алгебра и начала математического анализа, геометрия: Сборник задач профильной направленности: учеб. пособие для студентов профессиональных образовательных организаций, осваивающих профессии и специальности СПО. – М.:, 2017;

Башмаков М.И. Математика: алгебра и начала математического анализа, геометрия: Электронный учебно-методический комплекс для студентов профессиональных образовательных организаций, осваивающих профессии и специальности СПО. – М.:, 2017;

Алимов Ш.А. и др. Математика: алгебра и начала математического анализа, геометрия. Алгебра и начала математического анализа (базовый и углубленный уровни). 10—11 классы. — М., 2015;

Атанасян Л.С., Бутузов В.Ф., Кадомцев С.Б. и др. Математика: алгебра и начала математического анализа. Геометрия. Геометрия (базовый и углубленный уровни). 10—11 классы. — М., 2015;

Башмаков М.И. Математика: учебник для студ. учреждений сред. проф. образования. — М., 2015;

Башмаков М.И. Математика. Сборник задач профильной направленности: учеб. пособие для студ. учреждений сред. проф. образования. — М., 2014;

Башмаков М.И. Математика. Задачник: учеб. пособие для студ. учреждений сред. проф. образования. — М., 2014;

Гусев В.А., Григорьев С.Г., Иволгина С.В. Математика для профессий и специальностей социально-экономического профиля: учебник для студ. учреждений сред. проф. образования. — М., 2015.

### Дополнительная

Мордкович А. Г. Алгебра и начала анализа. 10-11 классы. Ч.1. – М.: Мнемозина, 2010.

Модкович А.Г. Алгебра и начала анализа. Задачник. 10-11 классы. Ч.2. – М.: Мнемозина, 2010.

Погорелов А.Г. Геометрия. Ученик для 10-11 классов. 13-е изд. –М.: 2009

### **Для преподавателей**

Федеральный закон от 29.12.2012 № 273-ФЗ «Об образовании в Российской Федерации». Приказ Министерства образования и науки РФ от 17.05.2012 № 413 «Об утверждении федерального государственного образовательного стандарта среднего (полного) общего образования».

Приказ Министерства образования и науки РФ от 29.12.2014 № 1645 «О внесении изменений в Приказ Министерства образования и науки Российской Федерации от 17.05.2012 № 413 «“Об утверждении федерального государственного образовательного стандарта среднего (полного) общего образования”»».

Письмо Департамента государственной политики в сфере подготовки рабочих кадров и ДПО Министерства образования и науки РФ от 17.03.2015 № 06-259 «Рекомендации по организации получения среднего общего образования в пределах освоения образовательных программ среднего профессионального образования на базе основного общего образования с учетом требований федеральных государственных образовательных стандартов и получаемой профессии или специальности среднего профессионального образования».

Башмаков М.И. Математика: кн. для преподавателя: метод. пособие. — М., 2013

Башмаков М.И., Цыганов Ш.И. Методическое пособие для подготовки к ЕГЭ. — М., 2011.

### **Интернет-ресурсы**

[www. fcior. edu. ru](http://www.fcior.edu.ru) (Информационные, тренировочные и контрольные материалы).

[www.school-collection.edu.ru](http://www.school-collection.edu.ru)(Единая коллекции цифровых образовательных ресурсов).

[www. mathege.ru](http://www.mathege.ru)

## РЕЦЕНЗИЯ

На рабочую программу по учебной дисциплине «Математика: алгебра и начала математического анализа; геометрия» по специальности 43.02.11 Гостиничный сервис, выполненную преподавателем Манько Н.Н.

Рабочая программа учебной дисциплины составлена на основе примерной программы учебной дисциплины «Математика: алгебра и начала математического анализа; геометрия», предназначенной для изучения математики в профессиональных образовательных организациях СПО, реализующих образовательную программу среднего общего образования в пределах освоения основной профессиональной образовательной программы СПО (ОПОП СПО) на базе основного общего образования при подготовке квалифицированных рабочих, служащих и специалистов среднего звена, автора Башмакова М.И., академика РАО, доктор физ.-мат. педагогических наук.

Программа разработана на основе требований ФГОС среднего общего образования, предъявляемых к структуре, содержанию и результатам освоения учебной дисциплины «Математика», в соответствии с Рекомендациями по организации получения среднего общего образования в пределах освоения образовательных программ среднего профессионального образования на базе основного общего образования с учетом Примерной основной образовательной программы среднего общего образования, одобренной решением федерального учебно – методического объединения по общему образованию (протокол от 28 июня 2016 г. № 2/16 –з).

Реализация общих целей изучения математики традиционно формируется в четырех направлениях – методическое (общее представление об идеях и методах математики), интеллектуальное развитие, утилитарно-прагматическое направление (овладение необходимыми конкретными знаниями и умениями) и воспитательное воздействие.

Не вызывает сомнений профессиональная и практическая направленность рабочей программы в педагогическом колледже, которая направлена на дальнейшую гуманизацию образования, развитие в студенте общей математической культуры, общечеловеческих нравственных ценностей.

В программе учебный материал представлен в форме чередующегося развертывания основных содержательных линий: алгебраической, теоретико-функциональной, линия уравнений и неравенств, геометрической и стохастической линий.

Содержание разделов, представленных в программе, оптимально для реализации поставленных целей обучения, достижения студентами запланированных личностных, метапредметных и предметных результатов. Рабочая программа состоит из двенадцати разделов: «Развитие понятия о числе», «Корни. Степени. Логарифмы», «Прямые и плоскости в



## РЕЦЕНЗИЯ

На рабочую программу по учебной дисциплине «Математика: алгебра и начала математического анализа; геометрия» по специальности 43.02.11 Гостиничный сервис, выполненную преподавателем Манько Н.Н.

Рабочая программа учебной дисциплины составлена на основе примерной программы учебной дисциплины «Математика: алгебра и начала математического анализа; геометрия», предназначенной для изучения математики в профессиональных образовательных организациях СПО, реализующих образовательную программу среднего общего образования в пределах освоения основной профессиональной образовательной программы СПО (ОПОП СПО) на базе основного общего образования при подготовке квалифицированных рабочих, служащих и специалистов среднего звена, автора Башмакова М.И., академика РАО, доктор физ.-мат. педагогических наук.

Программа разработана на основе требований ФГОС среднего общего образования, предъявляемых к структуре, содержанию и результатам освоения учебной дисциплины «Математика», в соответствии с Рекомендациями по организации получения среднего общего образования в пределах освоения образовательных программ среднего профессионального образования на базе основного общего образования с учетом Примерной основной образовательной программы среднего общего образования, одобренной решением федерального учебно – методического объединения по общему образованию (протокол от 28 июня 2016 г. № 2/16 –з).

Содержание программы «Математика» направлено на обеспечение сформированности представлений о социальных, культурных и исторических факторах становления математики; обеспечение сформированности логического, алгоритмического и математического мышления; обеспечение сформированности умений применять полученные знания при решении различных задач; обеспечение сформированности представлений о математике как части общечеловеческой культуры, универсальном языке науки, позволяющем описывать и изучать реальные процессы и явления.

В программе учебный материал представлен в форме чередующегося развертывания основных содержательных линий: алгебраической, теоретико-функциональной, линия уравнений и неравенств, геометрической и стохастической линий.

Содержание разделов, представленных в программе, оптимально для реализации поставленных целей обучения, достижения студентами запланированных личностных, метапредметных и предметных результатов. Рабочая программа состоит из двенадцати разделов: «Развитие понятия о числе», «Корни. Степени. Логарифмы», «Прямые и плоскости в пространстве», «Комбинаторика», «Координаты и векторы», «Основы тригонометрии», «Функции и графики», «Многогранники и круглые тела», «Начала математического анализа»,

«Интеграл и его применение», «Измерения в геометрии», «Объемы и поверхности тел вращения», «Элементы теории вероятностей и математической статистики», «Уравнения и неравенства».

Тематика практических занятий соответствует требованиям подготовки выпускника по специальности и содержанию рабочей программы.

Распределение времени, отводимого на изучение различных разделов курса, включая самостоятельную работу, соответствует их трудоемкости.

Рабочая программа составлено логично. Последовательность тем, предлагаемых к изучению, направлена на качественное усвоение учебного материала. Содержание лекционных занятий обеспечивает формирование базовых умений для выполнения исследований в процессе научного познания и теоретического обоснования профессиональных задач.

Содержание рабочей программы соответствует современному развитию науки, техники и производства.

Следует рекомендовать увеличить количество часов на изучение теоретического материала

Заключение:

Рабочая программа по дисциплине «Математика: алгебра и начала математического анализа; геометрия» может быть использована для обеспечения основной (профессиональной) образовательной программы по специальности 43.02.11 Гостиничный сервис.

28.08.2018 г.

Рецензент: Щурова С.Ф., учитель МБОУ СОШ № 36

